

Ministerul Educației, Cercetării și Tineretului
Centrul Național pentru Curriculum și Evaluare în Învățământul Preuniversitar

SUBIECTUL III (30p)

1. Se consideră funcția $f : [0, +\infty) \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = (x-3)\sqrt{x}$.

5p **a)** Să se verifice că $f'(x) = \frac{3x-3}{2\sqrt{x}}$ pentru orice $x > 0$.

5p **b)** Să se scrie ecuația tangentei la graficul funcției f în punctul de abscisă $x_0 = 1$.

5p **c)** Să se demonstreze că $x + \frac{2}{\sqrt{x}} \geq 3$ pentru orice $x > 0$.

2. Pentru orice $n \in \mathbb{N}^*$ se consideră funcțiile $f_n : [0, 1] \rightarrow \mathbb{R}$, $f_n(x) = e^{x^n}$.

5p **a)** Să se determine $\int f_1(x) dx$, unde $x \in [0, 1]$.

5p **b)** Să se calculeze $\int_0^1 x \cdot f_1(x) dx$.

5p **c)** Să se calculeze volumul corpului obținut prin rotația, în jurul axei Ox , a graficului funcției $g : [0, 1] \rightarrow \mathbb{R}$, $g(x) = x \cdot f_3(x)$.