

Ministerul Educației, Cercetării și Tineretului
Centrul Național pentru Curriculum și Evaluare în Învățământul Preuniversitar

SUBIECTUL III (30p)

1. Se consideră funcția $f : (0, +\infty) \rightarrow \mathbb{R}$ definită prin $f(x) = \frac{\ln x}{x}$.

5p a) Să se determine ecuația asimptotei spre $+\infty$ a graficului funcției f .

5p b) Să se calculeze $f'(e)$.

5p c) Să se demonstreze că $x^e \leq e^x$ pentru orice $x > 0$.

2. Se consideră funcția $f : [-4, 4] \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = \sqrt{16 - x^2}$.

5p a) Să se calculeze $\int_0^4 f^2(x) dx$.

5p b) Să se verifice că $\int_{-\sqrt{5}}^{\sqrt{5}} \frac{x}{f(x)} dx = 0$.

5p c) Să se demonstreze că $0 \leq \int_{-4}^4 f(x) dx \leq 32$.